

PHYSIQUE-CHIMIE

L'épreuve comporte deux problèmes indépendants. Le premier étudie le principe d'un analyseur de monoxyde de carbone ; le second s'intéresse aux propriétés du carbone et de ses oxydes. Les calculatrices sont autorisées.

Problème 1 : Analyseur de monoxyde de carbone

La pollution de l'air est un souci croissant qui devient crucial dans des sites sensibles (tunnels, centres industriels, grandes agglomérations...) où les concentrations en SO_2 , NO_2 et CO par exemple doivent faire l'objet de mesures constantes et précises. Ce sujet développe l'étude d'un analyseur de monoxyde de carbone par absorption infrarouge. L'analyseur comporte un émetteur infrarouge (étudié dans la partie I), une cuve de mesure située entre deux miroirs réfléchissants et un détecteur (voir schéma 1).

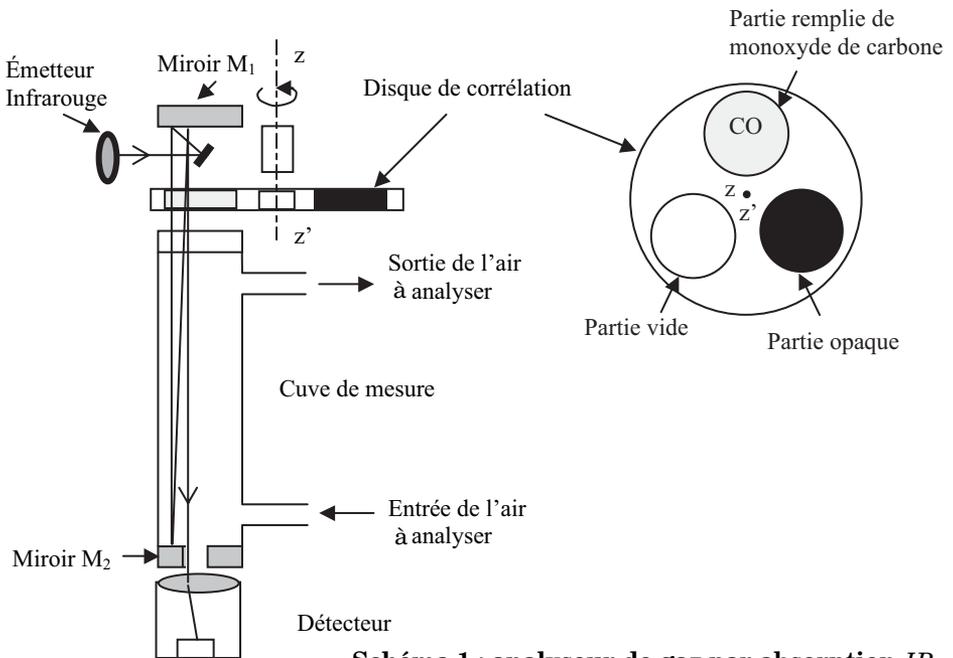


Schéma 1 : analyseur de gaz par absorption IR

Filière MP

En amont de la cuve de mesure se trouve un disque de corrélation qui tourne autour d'un axe z/z . Ce disque comporte trois compartiments : un compartiment parfaitement opaque, un compartiment vide et un troisième rempli de monoxyde de carbone. Le détecteur comporte un microprocesseur qui calcule la concentration en monoxyde de carbone contenu dans la cuve de mesure en appliquant la loi de Beer-Lambert. On s'intéresse ici au pic d'absorption du monoxyde de carbone pour la longueur d'onde $\lambda = 4,70 \mu\text{m}$. On prendra par ailleurs $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ (vitesse de la lumière).

Partie I - Émetteur infrarouge

I.A - Régime stationnaire

L'émetteur infrarouge est constitué d'un enroulement de fil purement résistif en tungstène, de longueur $L = 2 \text{ mm}$, de diamètre $d = 5 \mu\text{m}$ et de résistivité $\rho = \rho_0[1 + \alpha(T - T_0)]$ avec $\rho_0 = 3,34 \cdot 10^{-8} \Omega \cdot \text{m}$, $\alpha = 3,6 \cdot 10^{-3} \text{ K}^{-1}$ et $T_0 = 293 \text{ K}$. Le filament est parcouru par un courant électrique d'intensité I . On admet que ce filament rayonne (par sa surface latérale) comme un corps noir en émettant la puissance P . On obtient une densité spectrale d'énergie maximale pour la longueur d'onde $\lambda = 4,70 \mu\text{m}$ (correspondant au pic d'absorption du monoxyde de carbone). On rappelle les valeurs de la constante figurant dans la loi de Wien : $2898 \text{ K} \cdot \mu\text{m}$ et de celle qui figure dans la loi de Stefan : $\sigma = 5,70 \cdot 10^{-8} \text{ W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-4}$.

I.A.1) Calculer la valeur de la température T du filament.

I.A.2) Calculer la valeur de l'intensité I du courant circulant dans le filament en appliquant le premier principe de la thermodynamique, en se plaçant en régime permanent et en négligeant toute dissipation.

I.A.3)

a) On considère ici que seulement 80% de la puissance reçue par effet Joule est rayonnée. Calculer la nouvelle valeur I' de l'intensité nécessaire.

b) Quelle pourrait être l'origine de cette dissipation ?

I.B - Régime transitoire

Le filament de tungstène possède une capacité thermique massique $c_p = 130 \text{ J} \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$, une conductivité thermique $\lambda = 170 \text{ W} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$ et une masse volumique $\mu = 19260 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$. Il est parcouru par un courant électrique

d'intensité I constante et est placé perpendiculairement à un écoulement gazeux à la vitesse $V = 5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$. Entre le fil et le gaz, les différents modes de transferts thermiques entre les instants t et $t + dt$, sont modélisés par : $\delta Q = h \Sigma (T - T_{\text{Gaz}}) dt$ avec $h = 7 \text{ kW} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-1}$, Σ la surface latérale du filament et T_{Gaz} constante. Le coefficient h prend donc en compte les transferts thermiques radiatifs. On note S l'aire de la section du fil.

I.B.1) Effectuer un bilan thermique sur une tranche de filament de longueur dx afin d'obtenir l'équation aux dérivées partielles vérifiée par la température $T(x, t)$ en fonction de μ , c_P , S , ρ , I , h , Σ , L , T_{Gaz} et λ .

I.B.2)

- Définir et calculer un temps caractéristique τ_d (le plus grand possible) du phénomène diffusif à partir du coefficient de diffusivité $a = \lambda / \mu c_P$.
- Définir un temps caractéristique τ_c lié à la convection forcée.
- Comparer τ_d à τ_c . Que peut-on dire alors de la température dans le filament ?
- On pose $\Theta = T - T_{\text{Gaz}}$. Montrer que l'équation du I.B.1) s'écrit : $\mu c_P S L d\Theta / dt + (h \Sigma - \rho_0 \alpha L I^2 / S) \Theta = \text{constante}$. On exprimera cette constante en fonction des données du problème.
- Discuter de l'évolution du système, exprimer et calculer l'intensité maximale I_C pour laquelle le système est stable.
- Comparer avec la valeur de I' calculée au I.A.3.

I.C - Raie d'absorption

On cherche ici des éléments sur l'origine de la raie d'absorption du monoxyde de carbone à $\lambda = 4,70 \text{ } \mu\text{m}$. On montre que l'énergie liée à la rotation d'une molécule diatomique AB est quantifiée par un nombre quantique J selon la relation :

$$E_r = J(J+1)h^2 / (8\pi^2 I)$$

avec :

- $I = m_A m_B r^2 / (m_A + m_B)$ moment d'inertie de la molécule AB par rapport à un axe passant par G et perpendiculaire à AB ,
- $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$,
- J nombre entier naturel.

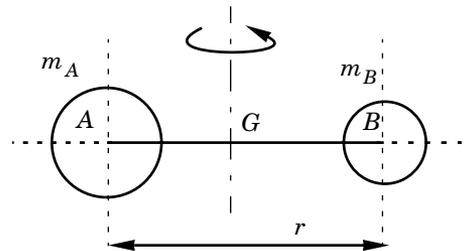


Schéma 2 : molécule AB

I.C.1)

a) Donner la définition du moment d'inertie I , sans faire de calcul et en assimilant chaque atome à un point matériel.

b) Calculer la valeur de I dans le cas du monoxyde de carbone. On donne $r_{CO} = 1,15 \cdot 10^{-10}$ m, $m_C = 12 m_p$, $m_O = 16 m_p$, $m_p = 1,67 \cdot 10^{-27}$ kg.

I.C.2)

a) Calculer la valeur de la longueur d'onde de la raie spectrale correspondant à la transition entre les deux niveaux d'énergie (de rotation) $J = 0$ et $J = 1$.

b) Même question pour la transition de rotation $J = 0$ à $J = 2$.

c) La rotation moléculaire permet-elle d'expliquer seule la raie d'absorption à $\lambda = 4,70 \mu\text{m}$?

I.C.3) On modélise la vibration d'élongation le long de la liaison AB par l'association de deux points matériels $A(m_A)$ et $B(m_B)$ reliés par un ressort de constante de raideur k (on néglige toute autre interaction). On note r_e la position d'équilibre du système et $x = r - r_e$ l'« élongation » par rapport à cette position.

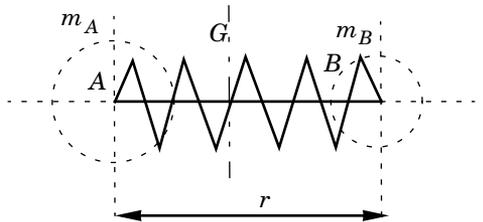


Schéma 3 : vibration d'élongation

a) Établir l'équation différentielle vérifiée par x . On qualifiera préalablement le référentiel barycentrique du système.

b) Calculer la valeur de k correspondant à un mouvement oscillant de longueur d'onde $\lambda = 4,70 \mu\text{m}$.

Partie II - Cuve de mesure et principe

II.A - Cuve de mesure

Le rayon infrarouge est injecté au foyer F_1 d'un miroir sphérique concave (M_1) de rayon de courbure $R_1 = 50$ cm constituant avec le miroir sphérique concave (M_2) de rayon de courbure $R_2 = 1,50$ m un système afocal (les miroirs (M_1) et (M_2) ont même axe optique et les foyers sont confondus). Le miroir (M_2) est percé au niveau de son sommet S_2 d'une ouverture circulaire de 5,0 cm de diamètre permettant au rayon infrarouge de sortir, après un certain nombre d'aller-retour entre (M_1) et (M_2), vers le détecteur.

II.A.1) Résolution graphique.

a) Sur la **feuille réponse n° 1**, représenter le dispositif décrit ci-dessus à l'échelle 1/5 (1 cm sur la feuille pour 5 cm en réalité).

b) Sur cette même feuille, tracer le trajet du rayon incident qui passe par le foyer commun des miroirs et le point A situé sur le miroir (M_1) à 37,5 cm de son axe, jusqu'à ce qu'il sorte de la cavité constituée par les deux miroirs.

c) Sachant que la cuve de mesure située entre F_1 et (M_2) mesure 75 cm de long, donner un minérant peu éloigné de la distance parcourue par le rayon dans la cuve.

II.A.2) *Résolution numérique.* Déterminer le nombre de trajets parcourus par le rayon dans la cuve de mesure.

II.A.3) Les miroirs utilisés sont hautement réfléchissants : leur coefficient de réflexion en puissance vaut $R = 0,994$. Évaluer l'erreur relative commise en assimilant l'intensité lumineuse du rayon limite sortant vers le détecteur à celle du rayon émergeant de F_1 .

II.B - Principe de la mesure

Soit un faisceau lumineux traversant un domaine de longueur L contenant une substance à la concentration c . La loi de Beer-Lambert exprime l'intensité lumineuse I_s sortant du domaine en fonction de l'intensité lumineuse entrant I_0 , de c , de L et d'une constante k : $I_s = I_0 e^{-kLc}$. Le détecteur calcule la concentration en CO de l'échantillon d'air présent dans la cuve à partir de la mesure d'intensité lumineuse. On suppose que l'absorption liée au disque de monoxyde de carbone est bien supérieure à celle de l'air à analyser.

II.B.1) Expliquer le rôle de chacun des trois compartiments (partie opaque, partie vide, partie remplie de CO concentré) dans la méthode de mesure de la concentration en monoxyde de carbone.

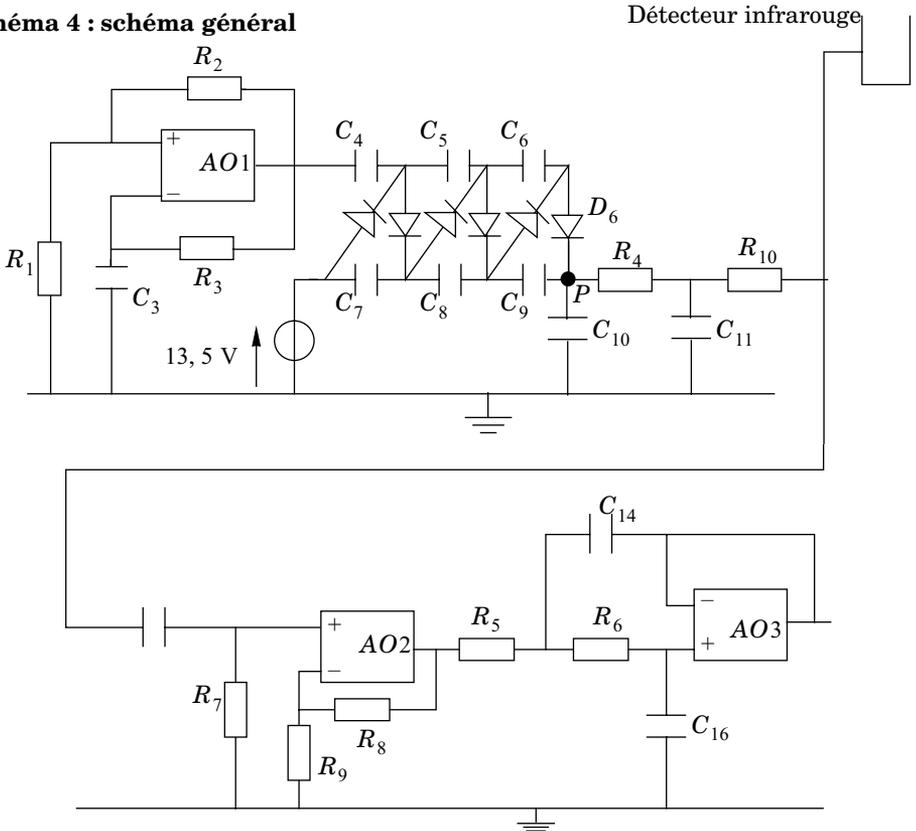
II.B.2) Expliquer l'intérêt du dispositif optique décrit dans le II.A).

II.B.3) L'eau présente des pics d'absorption très proches de celui du monoxyde de carbone rendant l'analyseur moins sélectif et la mesure moins précise. Proposer une solution simple pour s'affranchir de ce problème.

Partie III - Dispositif électronique

Le dispositif électronique utilisé dans l'analyseur de monoxyde de carbone est représenté ci-après (voir schéma 4). Tous les amplificateurs opérationnels intervenant dans ce montage sont supposés idéaux. Nous allons étudier les fonctions assurées par les différentes parties du dispositif.

Schéma 4 : schéma général



III.A - Comparateur astable.

On s'intéresse au premier bloc reproduit ci-contre (schéma 5) L'amplificateur opérationnel fonctionne en régime saturé. On donne : $R_1 = 19,6 \text{ k}\Omega$, $R_2 = 40,2 \text{ k}\Omega$, $R_3 = 100 \text{ k}\Omega$, $C_3 = 470 \text{ pF}$, $V_{\text{Sat}} = 13,5 \text{ V}$.

On note $\varepsilon = v^+ - v^-$ la tension différentielle à l'entrée de AO1. On rappelle qu'en régime saturé, si $\varepsilon > 0$, alors $v_{s1} = +V_{\text{Sat}}$, si $\varepsilon < 0$, alors $v_{s1} = -V_{\text{Sat}}$. On suppose qu'à $t = 0$, le condensateur C_3 est déchargé et $\varepsilon > 0$. On pose $\alpha = R_1 / (R_1 + R_2)$ et $\tau = R_3 C_3$.

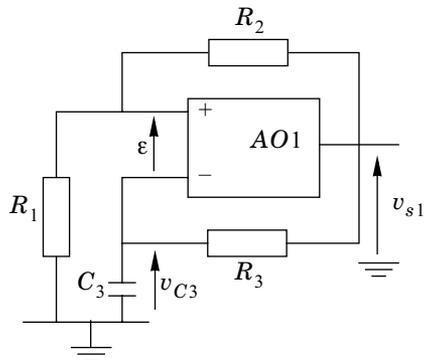


Schéma 5 : comparateur astable

III.A.1)

- a) Montrer que $v_{s1}(t)$ et $v_{C3}(t)$ sont des signaux périodiques (leur période est notée T).
- b) Tracer l'allure des variations de $v_{s1}(t)$ en fonction de $v_{C3}(t)$. Indiquer sur le graphe le sens de parcours du point (v_{C3}, v_{s1}) lors de l'écoulement du temps.

III.A.2)

- a) Établir l'expression de la période T en fonction de τ et de α .
- b) Faire l'application numérique, calculer la fréquence correspondante.

III.B - Amplification et filtration

Nous étudions ici le bloc représenté ci-contre (voir schéma 6) qui a pour fonctions d'amplifier le signal d'une part et de filtrer les signaux parasites à haute fréquence d'autre part. Les amplificateurs opérationnels fonctionnent en régime linéaire. On donne :

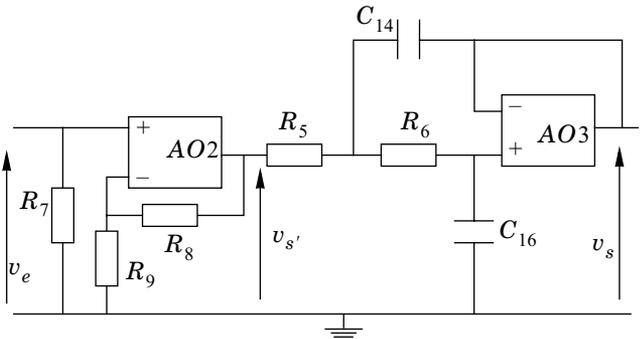


Schéma 6 : amplification et filtration

$C_{14} = 4,7 \text{ nF}$,
 $C_{16} = 2,2 \text{ nF}$, $R_5 = R_6 = 10 \text{ k}\Omega$, $R_7 = 25 \text{ M}\Omega$, $R_8 = 100 \text{ k}\Omega$, $R_9 = 5,0 \text{ k}\Omega$.

III.B.1)

- a) Déterminer l'expression du rapport $v_{S'}/v_e$.
- b) Quelle est la fonction assurée par ce premier étage ?

III.B.2)

- a) Montrer que le rapport $v_S/v_{S'}$ peut s'écrire : $v_S/v_{S'} = (1 + 2 m j\omega/\omega_0 - \omega^2/\omega_0^2)^{-1}$. Exprimer m et ω_0 en fonction des données du problème.
- b) Calculer m , ω_0 et f_0 la fréquence correspondante.
- c) Quelle est la fonction assurée par ce deuxième étage ?

III.B.3)

- a) Sur le **document réponse n° 2** (papier log-log), tracer le diagramme de Bode du bloc entier, c'est-à-dire le diagramme de Bode associé à la fonction de transfert $H(\omega) = v_S/v_e$ (la représentation de la phase n'est pas demandée).
- b) Le bloc étudié est-il de nature à remplir sa fonction ?

On donne la décomposition en série de Fourier du signal d'entrée :
 $v_e(t) = 80/\pi \{ \sin(100\pi t) + 1/3 \sin(300\pi t) + 1/5 \sin(500\pi t) + \dots + 1/n \sin(100n\pi t) + \dots \}$
 Combien d'harmoniques sont transmis par le bloc ?

III.C - Multiplicateur de Schenkle

Nous étudions à présent le bloc représenté ci-contre (voir schéma 7) appelé multiplicateur de Schenkle. Il est constitué d'une association de cellules élémentaires (voir schéma 8). Le fonctionnement des diodes est le suivant :

- diode bloquée : $i = 0$ et $u < 0$
- diode passante : $i > 0$ et $u > 0$ avec i fonction croissante de u .

L'intensité i (sens conventionnel donné par le symbole de la diode) et la tension u aux bornes de la diode sont prises en convention récepteur. Pour ($i = 0, u = 0$) une diode est à la limite de devenir passante ou de se bloquer.

On donne :
 $C_4 = C_5 = C_6 = C_7 = C_8 = C_9 = C = 0,1 \mu F$.
 On commence par étudier une cellule élémentaire du multiplicateur représentée ci-contre (voir schéma 8). On considère qu'en sortie de l'amplificateur opérationnel AO1, on obtient un courant constant $I = 15 \text{ mA}$ dont le sens varie périodiquement.

III.C.1) Phase 1. On considère qu'à $t = 0$, les condensateurs C_4 et C_7 sont déchargés et $U_{NM} = -E = -13,5 \text{ V}$.

- Déterminer à $t = 0$ l'état des diodes $D1$ et $D2$.
- En déduire, en s'aidant d'un schéma équivalent, le fonctionnement de la cellule jusqu'à l'instant t_1 , au bout duquel v_{C4} atteint sa valeur limite. Exprimer et calculer t_1 .

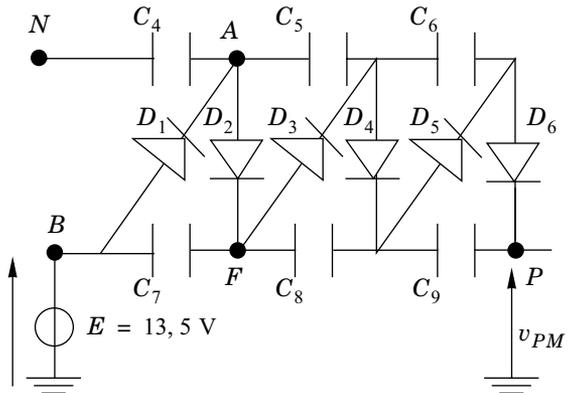


Schéma 7 : multiplicateur de Schenkle

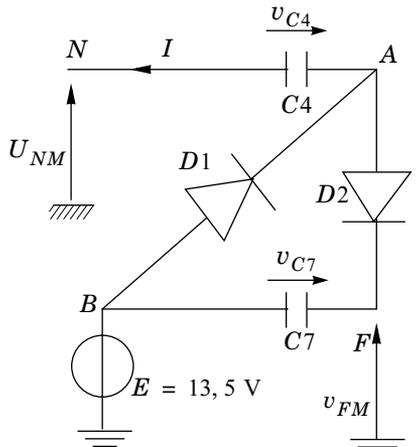


Schéma 8 : cellule élémentaire

III.C.2) *Phase 2.* On considère qu'à $t' > t_1$, U_{NM} bascule à la valeur $+E = +13,5 \text{ V}$. On choisit t' comme nouvelle origine du temps.

a) Déterminer à la date t' l'état des diodes $D1$ et $D2$.

b) En déduire, en s'aidant d'un schéma équivalent, le fonctionnement de la cellule jusqu'à l'instant t_2 où la diode $D2$ se bloque. Exprimer et calculer t_2 .

Les phases suivantes ne sont pas étudiées.

III.C.3) On montre que v_{C7} tend vers $+2E$;

a) Quelle est la valeur limite de v_{FM} ?

b) On cherche la valeur limite de v_{PM} . Rechercher la valeur commune de la tension aux bornes des condensateurs pour laquelle le multiplicateur de Schenkle n'évolue plus quelle que soit la valeur de U_{NM} ($-E$ ou $+E$). En déduire la valeur limite de v_{PM} . Justifier le nom de multiplicateur attribué au montage.

Problème 2 : Étude de quelques propriétés du carbone et de ses oxydes

Les données nécessaires sont regroupées en fin de sujet.

Partie IV - Chimie Structurale

IV.A - Le carbone

IV.A.1) Le carbone solide existe sous plusieurs variétés allotropiques dont le graphite et le diamant. Le graphite hexagonal est constitué de feuillets parallèles d'atomes de carbone organisés en hexagones par des liaisons de covalence délocalisées. Le diamant, quant à lui, présente une structure où chaque atome de carbone est au centre d'un tétraèdre régulier dont chaque sommet est occupé par un autre atome de carbone lié à ses proches voisins par une liaison covalente.

a) Écrire la réaction de transformation du carbone graphite en carbone diamant et calculer son affinité dans les conditions normales ($T = 298 \text{ K}$, $p = p^\circ = 1 \text{ bar}$). En déduire laquelle de ces deux formes cristallines est stable dans les conditions normales.

b) Comment pourrait-on expliquer simplement que la variété de carbone instable thermodynamiquement ne se transforme pas spontanément en la variété stable à 25° C et puisse tout-de-même être observée ?

IV.A.2) Le carbone présente des isotopes : les carbones 12, 13 et 14 de masses molaires respectivement 12,0000 g, 13,0000 g et 14,0000 g.

a) Qu'est-ce qu'un isotope ? On pourra s'aider d'un exemple autre que le carbone.

b) Sachant que la masse molaire du carbone naturel est de $12,0111 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$ et en supposant que celui-ci ne contient pas de carbone 14 , donner les fractions massiques des carbones 12 et 13 .

IV.B - Les oxydes de carbone

IV.B.1) Donner la structure électronique du carbone et de l'oxygène.

IV.B.2) Donner la représentation de Lewis de ces deux éléments et proposer une structure de Lewis pour les molécules de CO et de CO_2 .

IV.B.3) En utilisant la méthode VSEPR, prévoir la géométrie de la molécule de CO_2 .

IV.B.4) La molécule de CO présente-t-elle un caractère dipolaire ? Et celle de CO_2 ? Justifier.

Partie V - Le carbone et ses oxydes

- Dans toute cette partie, le carbone solide sera toujours le graphite.
- On se place dans l'approximation d'Ellingham.
- Tous les gaz sont supposés parfaits.

On s'intéresse aux trois réactions suivantes :

oxydation du carbone solide en dioxyde de carbone gazeux, (1)

oxydation du carbone solide en monoxyde de carbone gazeux, (2)

oxydation du monoxyde de carbone gazeux en dioxyde de carbone gazeux. (3)

L'annexe I (**document réponse n° 3, à rendre avec la copie**) représente les tracés des variations d'enthalpie libre standard de ces trois réactions, notées $\Delta_r G_i^\circ(T)$, en fonction de la température pour $500 \text{ K} \leq T \leq 2000 \text{ K}$.

V.A - Le diagramme d'Ellingham

V.A.1) Rappeler en quoi consiste l'approximation d'Ellingham.

V.A.2) Définir enthalpie libre de réaction et enthalpie libre standard de réaction.

V.A.3) Écrire les équations-bilans de ces trois réactions, chacune engageant une mole de dioxygène.

V.A.4) À l'aide des données numériques fournies, déterminer dans le diagramme d'Ellingham les pentes associées aux trois réactions précédentes. Identifier alors chacun des trois tracés (a), (b) et (c).

V.A.5) Les réactions envisagées sont-elles quantitatives à $T = 1000 \text{ K}$? Justifier.

V.B - Étude du diagramme

V.B.1) Montrer, sans calcul, mais en étudiant les positions relatives des tracés (a), (b) et (c), que l'une des espèces envisagées n'a pas de domaine de stabilité dans un domaine de température que l'on précisera.

V.B.2) On envisage la réaction de dismutation du monoxyde de carbone :



a) À l'aide des données, calculer la température d'inversion de cette réaction 4 (la température d'inversion est la température qui annule l'enthalpie libre standard).

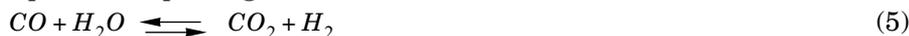
b) Ceci est-il compatible avec les observations des questions précédentes ?

c) À 500 K et $p = 1$ bar, quelle sera la composition finale du système (en partant de 2 moles de CO) ?

V.B.3) Simplifier le diagramme d'Ellingham fourni en repassant en trait plein les portions de droites ayant une réelle signification chimique ; indiquer en outre sur le diagramme les domaines d'existence ou de prédominance des différentes espèces.

V.C - Élimination du monoxyde de carbone des effluents gazeux

Le monoxyde de carbone est un gaz invisible, inodore mais très toxique : il est en effet susceptible de former un complexe avec l'hémoglobine du sang, empêchant ainsi la fixation et le transport du dioxygène par les globules rouges, ce qui peut provoquer la mort par asphyxie des différents organes. Il convient donc de contrôler le taux de CO des rejets et, le cas échéant, de l'éliminer. On envisage l'équilibre en phase gazeuse :



V.C.1) La constante d'équilibre de cette réaction diminue de 0,36% quand la température augmente de 1100 K à 1101 K.

a) En déduire l'enthalpie standard de cette réaction à 1100 K.

b) Comparer à la valeur obtenue en utilisant les données thermodynamiques fournies. Commenter.

V.C.2) On se place à 1500 K et 1,0 bar. Le taux de dissociation de la vapeur d'eau en dihydrogène et dioxygène est de $2,21 \cdot 10^{-4}$. Quant au taux de dissociation du dioxyde de carbone en monoxyde de carbone et dioxygène, il vaut $4,8 \cdot 10^{-4}$ (le taux de dissociation est égal au nombre de moles dissociées divisé par le nombre de moles initial).

a) Écrire ces réactions de dissociation — réactions (6) et (7) — puis calculer leur constante d'équilibre.

b) En déduire la constante d'équilibre K_3° à 1500 K.

V.C.3) On se propose à présent d'étudier l'importance des proportions initiales des produits sur le rendement de la réaction. Soit un mélange réactif ne comportant que du CO et H_2O , en proportions quelconques. Soit r le rapport $x(H_2O)/x(CO)$ des fractions molaires de H_2O et CO à l'équilibre. La température est fixée à 1500 K et la pression totale à p° .

a) Trouver la relation liant, à l'équilibre, $x(CO)$, r et K_3° .

b) Déterminer les proportions initiales des réactifs pour qu'à l'équilibre la fraction molaire de dioxyde de carbone soit maximale.

V.C.4) Soit un mélange initial (rejet) contenant 10 moles de CO , 30 moles de CO_2 et 40 moles de N_2 . On se place toujours à 1500 K et 1,0 bar.

a) Quelle quantité d'eau doit-on ajouter pour qu'il ne reste plus que 1% du CO initial dans le mélange ? Ce procédé paraît-il rentable ?

b) Donner la composition finale, ainsi que les pressions partielles, du mélange obtenu.

Partie VI - Propriétés de CO_2 en solution aqueuse

On s'intéresse dans cette partie à la solubilité de CO_2 en solution aqueuse à 298 K.

VI.A - Solubilité de CO_2 dans l'eau pure

On dispose d'un mélange gazeux contenant $n_0 = 0,1$ mol de CO_2 sous la pression partielle de $p_1 = 0,3$ bar et d'un litre d'eau distillée. Le système est fermé et de volume constant. On suppose de plus que la dissolution se fait sans changement de volume de la solution aqueuse.

VI.A.1) Quelle est la pression partielle de CO_2 à l'équilibre, ainsi que la concentration en $CO_{2(aq)}$, en négligeant les propriétés acido-basiques du dioxyde de carbone ?

VI.A.2) En réalité, $CO_{2(aq)}$ est un diacide faible (ne tenir compte que de la première acidité). En partant de la concentration déterminée à la question précédente, déterminer le pH que l'on obtiendrait, ainsi que la composition de la solution. L'hypothèse faite à la question précédente est-elle justifiée ?

VI.A.3) Quelle est la proportion de CO_2 éliminée du mélange gazeux ?

VI.B - Solubilité en milieu basique

Cette méthode ne permettant pas d'éliminer assez de CO_2 , on se propose d'utiliser à présent une solution tamponnée à $pH = 12$. On dispose d'un volume $V_0 = 1$ L de cette solution.

- On notera $n_{CO_2\text{gaz}}$, n_{CO_2} , $n_{HCO_3^-}$ et $n_{CO_3^{2-}}$ respectivement les quantités de matière de CO_2 gazeux, CO_2 aqueux, HCO_3^- aqueux et CO_3^{2-} aqueux à l'équilibre. On pourra noter h l'activité de H_3O^+ .
- On prend, au départ, le même mélange gazeux qu'à la question VI.A.
- On note $p^\circ = 1 \text{ bar}$ la pression standard et $c^\circ = 1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ la concentration standard.

VI.B.1) Établir la relation de conservation de la quantité de matière en carbone.

VI.B.2) Exprimer l'activité de CO_2 gazeux à l'équilibre en fonction de $n_{CO_2\text{gaz}}$, p_1 , n_0 et p° .

VI.B.3)

a) Montrer que l'on peut écrire à l'équilibre : $n_{CO_2} = \alpha n_{CO_2\text{gaz}}$ avec α une constante que l'on exprimera en fonction de k_{CO_2} , V_0 , c° , n_0 , p_1 et p° .

b) Exprimer $n_{HCO_3^-}$ sous la forme $n_{HCO_3^-} = \beta n_{CO_2\text{gaz}}$ où β s'exprime en fonction de α , K_{a1} , et h .

c) De même, exprimer $n_{CO_3^{2-}}$ sous la forme $n_{CO_3^{2-}} = \gamma n_{CO_2\text{gaz}}$ où γ s'exprime en fonction de α , K_{a1} , K_{a2} , h et $n_{CO_2\text{gaz}}$.

VI.B.4)

a) Dédire de tout ce qui précède la quantité $n_{CO_2\text{gaz}}$ de CO_2 restant dans la phase gazeuse en fonction de α , β , γ et n_0 .

b) *Applications numériques* : calculer α , β et γ . Que remarque-t-on ? Était-ce prévisible ?

c) Calculer finalement la quantité restante de CO_2 gazeux ainsi que la composition de la solution.

d) Quel est le taux d'élimination du CO_2 gazeux par la solution considérée ? Comparer avec le résultat obtenu en III.A et conclure quant à l'efficacité de ce procédé.

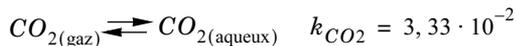
Données : à 298 KConstante des gaz parfaits : $R = 8,314 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{mol}^{-1}$ Numéros atomiques : $C = 6$; $O = 8$

Variété de carbone	Graphite	Diamant
$\mu^\circ(\text{kJ}\cdot\text{mol}^{-1})$	0	2,85
Volume molaire ($\text{cm}^3\cdot\text{mol}^{-1}$)	5,21	3,38

Grandeurs thermodynamiques

Espèce	$C(s)$	$CO(g)$	$CO_2(g)$	$O_2(g)$	$H_2O(g)$
$\Delta_f H^\circ(\text{kJ}\cdot\text{mol}^{-1})$		-110,4	-393,1		-241,8
$S^\circ(\text{J}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{mol}^{-1})$	5,7	197,6	213,7	205,0	188,5

Constante de dissolution du dioxyde de carbone :

 pK_a des couples du CO_2 :

••• FIN •••
